

### SECTION 6.1

The **inner product** of  $\mathbf{u}$  and  $\mathbf{v}$ , som ofta betecknas  $\mathbf{u} \cdot \mathbf{v}$ , kallas **inre produkten** eller **skalärprodukten** av  $\mathbf{u}$  och  $\mathbf{v}$  och i det fall att  $\mathbf{u} \cdot \mathbf{v} = u_1v_1 + u_2v_2 + \dots + u_nv_n$  talar vi om **standardskalärprodukten** på  $\mathbf{R}^n$ . På engelska är det också naturligt att säga **the standard inner product**. Med hjälp av den inre produkten kan vi införa begreppen **längd**, **ortogonalitet** och **vinkel** i våra vektorrum, dvs vi kan nu *geometrisera* rummen.

*Övningar:* 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 23, 25, 22, 24, 27, 28, 29, 30, 31

**Ledning** Exercise 24:  $\|\mathbf{u} \pm \mathbf{v}\|^2 = (\mathbf{u} \pm \mathbf{v}) \cdot (\mathbf{u} \pm \mathbf{v})$

### SECTION 6.2

THEOREM 5 förklarar varför vi tycker om ortogonala baser. Avnittet **An Orthogonal Projection** på sidan 380 är viktigt. Observera betydelsen av **orthogonal matrix** på sidan 385. En sådan har **ortonormala** kolonner och automatiskt, ortonormala rader.

*Övningar:* 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32

### SECTION 6.3

THEOREM 9 **THE BEST APPROXIMATION THEOREM** visar att ortogonala projektioner måste vara exceptionellt viktiga inom vetenskapen.

*Övningar:* 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 23, 24

### SECTION 6.4

Notera vad David Lay säger före EXEMPEL 2. "Study it carefully." **QR Factorization of Matrices** är överkurs men helt oemotståndligt.

*Övningar:* 1, 3, 5, 7, 9, 11

*Övningar på QR factorization:* 13, 15, 19, 20

### SECTION 6.7

Jag vet inget viktigare avsnitt än CH 6.7 **Inner Product Spaces**. Differentialgeometri, allmän relativitetsteori mm mm skulle ju inte finnas utan denna generalisering av inre produkt.

*Övningar:* 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 20, 21, 23, 25

### Supplementary Exercises

2, 3, 4, 5, 6, 7, 11