

UPPSALA UNIVERSITET  
Matematiska institutionen  
P. Winkler  
018-4713289

DUGGA  
ENVARIABELANALYS IP 1  
BI och MI  
2006-11-15

**Namn:** \_\_\_\_\_ **Personnr:** \_\_\_\_\_ - \_\_\_\_\_

**Program:** \_\_\_\_\_

Varje deluppgift kan ge 1 poäng. För att bli godkänd på krävs det 7 p.

**LYCKA TILL!**

**1.** Bestäm:

- a)  $\sin\left(\arcsin\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)\right)$ ,
- b)  $\arcsin\left(\sin\left(\frac{3\pi}{2}\right)\right)$ ,
- c)  $\cos\left(\arccos\left(-\frac{1}{\sqrt{2}}\right)\right)$ ,
- d)  $\arccos\left(\cos\left(-\frac{\pi}{6}\right)\right)$ ,
- e)  $\arctan\left(\tan\left(\frac{2\pi}{3}\right)\right)$ .

**Lösning till uppg. 1:**

a)

b)

c)

d)

e)

v.g.v.

**2.** Beräkna:

$$\text{a)} \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 - 4x} - x), \quad \text{b)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan(3x)}{x}, \quad \text{c)} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - x}{e^x - 1},$$

$$\text{d)} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sin \pi x}{x - 2}, \quad \text{e)} \lim_{x \rightarrow -\infty} \left(1 - \frac{2}{x}\right)^x.$$

**Lösning till uppg. 2:**

a)

b)

c)

d)

e)